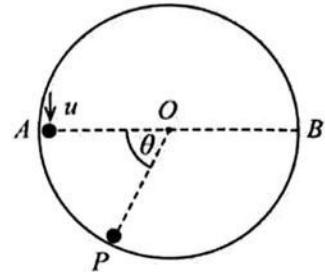


- (b) සුමත අභ්‍යන්තර පාශේෂයක් යෙහින අරය a වන අවල සාපු-වාච්‍යාකාර ක්‍රිඩා සිලින්බිරයක තිරස් අක්ෂයට ලැබුක පිරස් හරස්කඩක් යාබද රුපයෙන් දැක්වේ.

O ලක්ෂණය එහි සෙකන්දුය ද, A හා B එහි තිරස් විෂ්කම්ජලයේ අන්තර ද ටේ. සෙකන්දුය m වූ P අංශුවක් μ වෙශයෙන් සිලින්බිරයේ අභ්‍යන්තර පාශේෂය මත A යිට පිරස්ල යටි දිගාවට ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. P , සිලින්බිරය සමඟ ස්පර්ශව ඇතිව, θ කෝණයකින් OP හැරුණු විට P නි වෙශය u යැයි ගනී.

$$v^2 = u^2 + 2g \sin \theta \quad \text{වේ පෙන්වන්න.}$$

$$\theta = \frac{7\pi}{6} \quad \text{විට, } P \text{ සිලින්බිරයේ අභ්‍යන්තර පාශේෂය හැර යන බව දී ඇත. } \mu = \sqrt{\frac{3ga}{2}} \quad \text{වේ පෙන්වන්න.}$$



13. උච්චාවික දිග a වන සහැල්පු ප්‍රත්‍යායුස්‍ර නන්තුවක එක් කෙළවරක් O අවල ලක්ෂණයකට ද අනෙක් කෙළවර සෙකන්දුය m වූ P අංශුවකට ද ඇදා, P පිරස් වලිනයේ යොදවා ඇත. අංශුව පිරස්ව පහළට ගමන් කරන විට O ව පහළින් $OA = a$ වන A ලක්ෂණය පසු කරදී එහි වෙශය $\sqrt{2ag}$ වේ. O ව $3a$ පහළින් වූ B ලක්ෂණයදේ අංශුව ක්ෂේකික නිශ්චලනාවයට පැමිණෙ. නන්තුවේ ප්‍රත්‍යායුස්‍රකා මාපාංකය $\frac{3}{2}mg$ වේ පෙන්වන්න.

$$\text{තවද, } P \text{ නි වලින සම්කරණය } \ddot{x} + \omega^2 \left(x - \frac{5a}{3} \right) = 0 \quad \text{මිනින දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි } x > a \text{ සඳහා } OP = x \text{ වන අතර } \ddot{y} (> 0) \text{ නිර්ණය කළ යුතු තියනයක් වේ.}$$

$$\text{ඉහත වලින සම්කරණය, } X = x - \frac{5a}{3} \text{ ලෙස ගෙන නැවත ලියන්න.}$$

අංශුවේ මෙම සරල අනුවර්තනි වලිනයේ සෙකන්දුය, විශ්නාරය හා ආවර්තන කාලය සෞයන්න.

$$\dot{X}^2 = \omega^2(C^2 - X^2) \quad \text{සුළුව භාවිතයෙන් } P \text{ නි උපරිම වෙශය සෞයන්න; මෙහි } C \text{ යනු විශ්රාරය වේ.}$$

එය ඉහළට යාමෙදී, P යන්තමින් O ව ලාභා වන බව පෙන්වන්න.

$$B \text{ යිට } O \text{ දක්වා ගමන් කිරීමට } P \text{ ව ගෙවන මුළු කාලය } \sqrt{\frac{2a}{27g}} (2\pi + 3\sqrt{3}) \quad \text{වේ පෙන්වන්න.}$$

ඉහත සරල අනුවර්තනිය වලිනය ආරම්භ කරනු ලැබුවේ P පහළට අදා අන හැරීමෙන් නම්, නන්තුව එහි ස්ථාවික දිගේ සිට් කොපමණ දුරක් ඇදිය යුතු දැයි ප්‍රකාශ කරන්න.

- 14.(a) $OA = a$, $OC = 2a$ හා $A\hat{O}C = \frac{\pi}{3}$ වන $OABC$ සමාන්තරප්‍රයක් යැයි ගනී. \mathbf{u} හා \mathbf{v} යනු පිළිවෙළින් \overrightarrow{OA} හා \overrightarrow{OC} දිගාවලට වූ ඒකක ලෙදීනික යැයි ද ගනී.

$$\overrightarrow{OD} = \frac{1}{2}a\mathbf{u} + 2a\mathbf{v} \quad \text{වේ පෙන්වන්න; මෙහි } D \text{ යනු } BC \text{ හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වේ.}$$

OD යන්න DE ව ලැමුව වන පරිදි AB මත වූ ලක්ෂණය E යැයි ගනී.

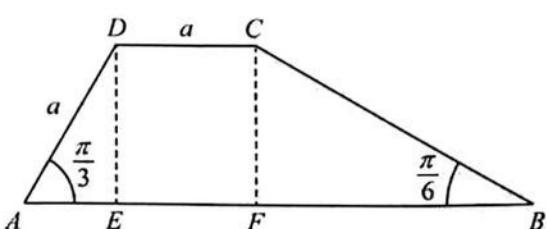
$$\overrightarrow{DE} = \frac{a}{2}\mathbf{u} - \frac{a}{3}\mathbf{v} \quad \text{වේ පෙන්වන්න.}$$

$$OA \text{ හා } DE \text{ දික්කල රේඛාවල ජේදන ලක්ෂණ } F \text{ යැයි ගනී. } \overrightarrow{OF} = \frac{7a}{2}\mathbf{u} \quad \text{වේ පෙන්වන්න.}$$

- (b) AB හා DC සමාන්තර ද, $A\hat{B}C = \frac{\pi}{6}$, $B\hat{A}D = \frac{\pi}{3}$ හා $AD = DC = a$ වන $ABCD$ තුළියිමක් යැයි ගනී. $A\hat{E}D = A\hat{F}C = \frac{\pi}{2}$ වන පරිදි AB මත වූ ලක්ෂණ E හා F වේ (රුපය බලන්න). විශාලන්ව P , aP , βP හා γP වූ බල පිළිවෙළින් AB , BC , DC හා AD දිගේ අක්ෂර අනුපිළිවෙළින් දැක්වන දිගාවලට ක්‍රියාකරයි.

ඊවායේ සම්පූක්ත බලය $\sqrt{7}P$ විශාලත්වයකින් යුත් වේ හා එය E හා C ලක්ෂණ හරහා E යිට C අතර යන බව ද දී ඇත. a , β හා γ හි අගයන් සෞයන්න.

දැන්, පද්ධතියට බල යුත්මයක් එකතු කරනු ලබන්නේ නව පද්ධතියේ සම්පූක්තයේ ක්‍රියා රේඛාව F ලක්ෂණය



15. (a) $4a$ සමාන දැඟීන් හා W සමාන බටින් යුතු AB, BC හා CD ඒකාකාර දැඟී තුනක් B හා C අන්තර්වලදී සූම්ප්‍රද යන්යි කර ඇත. A අන්තර්වල උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ලෙස අඩවි කර ඇත. A අන්තර්වල උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ලෙස අඩවි කර ඇත.

රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, $AE = CF = DG = a$, $\angle ABD = 60^\circ$, $\angle CBD = 30^\circ$ හා BD සිරස් වන පරිදි දැඟී තුන සිරස් තෙලයක සම්බුද්ධිතව තබා ඇත්තේ E, F හා G සූම්ප්‍රද තාදැනි තුනක් මත තැබීමති.

- (i) G නාදැනී මිනින් CD දැඟී මත යොදන ප්‍රතිශ්‍රීයාවට

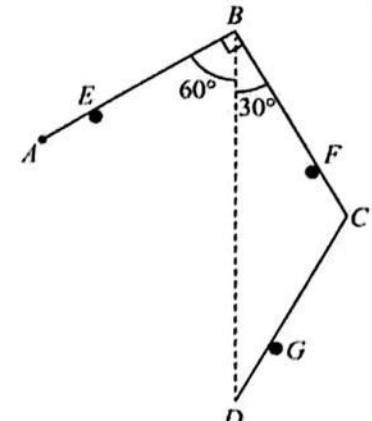
$$\text{විශාලත්වය } \frac{W}{3} \text{ බව ද.}$$

- (ii) F නාදැනී මිනින් BC දැඟී මත යොදන ප්‍රතිශ්‍රීයාවට

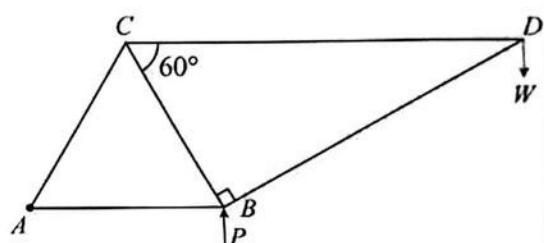
$$\text{විශාලත්වය } \frac{11W}{9} \text{ බව ද.}$$

පෙන්වන්න.

AB දැඟී මිනින් BC දැඟී මත B සන්ධියේදී යොදන ප්‍රතිශ්‍රීයාව ද සොයන්න.



- (b) රුපයේ දැක්වෙන රාමු සැකිල්ල, ඒවායේ අන්තර්වලදී සූම්ප්‍රද ලෙස සන්ධියා කළ AB, BC, CA, CD හා DB සැකිල්ල දැඟී පෙන්වන් සම්මතින වේ. $AB = BC = CA = 2a$, $\angle CBD = 90^\circ$ හා $\angle BCD = 60^\circ$ බව දී ඇත. W හාරයක් D සන්ධියෙන් එල්ලා ඇති අතර W රාමු සැකිල්ල A නිදි අවල උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ලෙස සන්ධි කර AB මිරස්ව සිරස් තෙලයක සම්බුද්ධිතව තබා ඇත්තේ එයට B සන්ධියෙනිදී සිරස්ව උග්‍රාහක අතට යොදු P බෙලයක් මිනිනි.



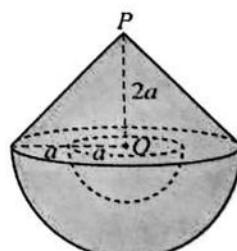
- (i) P හි අය සොයන්න.

- (ii) බෝ අන්තර්වන් D, C හා B සන්ධියා යොදාගැනීමෙන් ප්‍රතිඵල සටහනක් අදින්න.

ඒ තහින්, දැඟීවල ප්‍රතිඵල, ආකෘති ද තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් සොයන්න.

16. අරය a වූ ඒකාකාර සන අර්ථ ගෝල්යක සකන්දි කේන්ද්‍රය එහි කේන්ද්‍රයේ පිට්‍රම් පිහිටින බව $\frac{3}{8}a$ දුරකින් පිහිටින බව නා උග්‍රාහක පිහිටින බව h වූ ඒකාකාර සන සැපු-වාතනාකාර ලක්ෂුවක සකන්දි කේන්ද්‍රය එහි පත්‍රලේඛ කේන්ද්‍රයේ පිට්‍රම් පිහිටින බව ද පෙන්වන්න.

අරය a හා කේන්ද්‍රය O වූ අර්ථ ගෝල්යකාර තොටසක් අරය $2a$, කේන්ද්‍රය O හා සනන්වය r වූ ඒකාකාර සන අර්ථ ගෝල්යකින් සපා ඉවත් කරනු ලැබේ. දැන්, පත්‍රලේඛ අරය $2a$ හා උග්‍රාහක $2a$ වූ සනන්වය ගු පු ඒකාකාර සන සැපු-වාතනාකාර ලක්ෂුවක් අර්ථ ගෝල්යකින් ඉතින් තොටසට යාබැදු රුපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට දැඟී ලෙස සහි කර ඇත. මෙම උග්‍රාහක සැපාගැනු ලැබූ S ව්‍යුහාවේ සකන්දි කේන්ද්‍රය, P පිට්‍රම් $\frac{(48\lambda+157)}{8(4\lambda+7)}a$ දුරකින් පිහිටින බව පෙන්වන්න; මෙහි P යනු S හි සන ගේන්තුවහි සිරුප්‍රය වේ.

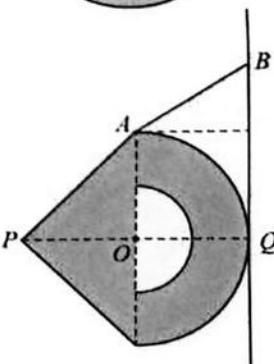


S හි සකන්දි කේන්ද්‍රය, O හි පිහිටිම යොදාගැනීම් අය අය සොයන්න.

දැන්, λ ව මෙම අය අය ඇතැයි සිනමු.

Q යනු දික්කලු PO රේඛාව නිස් පිහිටා ඇත්ත අර්ථ ගෝල්යකාර පාඨ්‍රය හමුවන උග්‍රාහක යැයි ගනිමු. තවද, A යනු S හි වාතනාකාර දාරය මත වූ උග්‍රාහකයි යැයි ද ගනිමු.

S ව්‍යුහාව රාල සිරස් තෙලයකට එරෙහිල සම්බුද්ධිතව තබා ඇත්තේ A උග්‍රාහක හා සිරස් තෙලයිය මත වූ B අවල උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ඇතැයි සැකිල්ල නා සැකිල්ල ප්‍රමාණ ඇතැයි තෙලයි. සම්බුද්ධිත පිහිටුවම්දී S හි පිට්‍රම් අර්ථ ගෝල්යක Q උග්‍රාහකයිදී බිත්තිය උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ඇතැයි තෙලයි. O, A, B, P හා Q උග්‍රාහක ප්‍රමාණ ඇතැයි තෙලයක පිහිටුවයි (යාබදු රුපය බලන්න). $\mu \geq 1$ බව පෙන්වන්න; මෙහි μ යනු S හි මිනින් මැරු ගෝල්ය ප්‍රමාණ ඇතැයි තෙලයකය වේ.



17.(a) පාරින් හැර අන් සෑම අපුරකිතම සඡ්‍යාලයම පූදු පාට බෝල 2 ක් හා කළ පාට බෝල 3 ක් B_1 පෙවීයක අඩංගු වේ. බෝල 3 ක් B_1 පෙවීයෙන් සසම්හාවී ලෙස, සිය B_2 පෙවීයකට මාරු කරනු ලැබේ. ඉන්පසු B_2 පෙවීයෙන් සම්හාවී ලෙස බෝලයක් ඉවත්ප ගනු ලැබේ.

- (i) B_2 පෙවීයෙන් ඉවත්ප ගනු ලැබූ බෝලය පූදු පාට විමේ,
- (ii) B_2 පෙවීයෙන් ඉවත්ප ගනු ලැබූ බෝලය පූදු පාට බව දී ඇති විට, B_1 පෙවීයෙන් B_2 පෙවීය තුළට පූදු පාට බෝල 2 ක් හා කර පාට බෝල 1 ක් මාරු කර සිටිමේ සම්හාවාව සොයන්න.

(b) සිසුන් 20 දෙනෙකු ප්‍රශ්නීකාවක් විසඳීම සඳහා ගත් කාලයන් එම එක් එක් කාලයෙන් 10 ක් අඩුකර ඉන්පසු 2 න් බෙදිම මගින් සෙනා කර ඇත.

සංඛ්‍යාත 2 ක් අභුරුදුන් පූ දෙනා නළ දින්යන්හි සංඛ්‍යාත විනාශකීය පහත දී ඇත:

යෙත කළ කාලයන් (මගින්ද වලින්)	සංඛ්‍යාතය
0 – 2	2
2 – 4	f_1
4 – 6	9
6 – 8	f_2
8 – 10	1

සෙනා නළ කාලයන්හි නිමානය කළ මධ්‍යනාය මිනින්ද 4.4 බව දී ඇත. $f_1 = 6$ හා $f_2 = 2$ බව පෙන්වන්න. සෙනා නළ කාලයන්හි සම්මත අපගමනය හා මානය නිමානය කරන්න.

දැන්, ප්‍රශ්නීකාව විසඳීම සඳහා ගත් සැකි කාලයන්හි මධ්‍යනාය, සම්මත අපගමනය හා මානය නිමානය කරන්න.

* * *