

**නව නිර්දේශය / புதிய பாடத்திட்டம் / New Syllabus**

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka  
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்

**NEW**

**අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2020**  
**கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2020**  
**General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020**

සංයුක්ත ගණිතය I  
 இணைந்த கணிதம் I  
 Combined Mathematics I

**10 S I**

**පැය තුනයි**  
 மூன்று மணித்தியாலம்  
 Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි  
 மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்  
 Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කියවා ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී ප්‍රමුඛත්වය දෙන ප්‍රශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය

**උපදෙස්:**

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;  
**A කොටස** (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න 11 - 17).
- \* **A කොටස:**  
**සියලු ම** ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.
- \* **B කොටස:**  
 ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රය, **B කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

**පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.**

| (10) සංයුක්ත ගණිතය I |              |       |
|----------------------|--------------|-------|
| කොටස                 | ප්‍රශ්න අංකය | ලකුණු |
| A                    | 1            |       |
|                      | 2            |       |
|                      | 3            |       |
|                      | 4            |       |
|                      | 5            |       |
|                      | 6            |       |
|                      | 7            |       |
|                      | 8            |       |
|                      | 9            |       |
|                      | 10           |       |
| B                    | 11           |       |
|                      | 12           |       |
|                      | 13           |       |
|                      | 14           |       |
|                      | 15           |       |
|                      | 16           |       |
|                      | 17           |       |
|                      | එකතුව        |       |

එකතුව

|           |  |
|-----------|--|
| ඉලක්කමෙන් |  |
| අකුරින්   |  |

සංකේත අංක

|                     |   |
|---------------------|---|
| උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක |   |
| පරීක්ෂා කළේ:        | 1 |
|                     | 2 |
| අධීක්ෂණය කළේ:       |   |













13.(a)  $A = \begin{pmatrix} a+1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$  හා  $C = \begin{pmatrix} a & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$  යැයි ගනිමු; මෙහි  $a \in \mathbb{R}$  වේ.

$A^T B - I = C$  බව පෙන්වන්න; මෙහි  $I$  යනු ගණය 2 වන ඒකක න්‍යාසය වේ.

$C^{-1}$  පවතින්නේ  $a \neq 0$  ම නම් පමණක් බව ද පෙන්වන්න.

දැන්,  $a = 1$  යැයි ගනිමු.  $C^{-1}$  ලියා දක්වන්න.

$CPC = 2I + C$  වන පරිදි  $P$  න්‍යාසය සොයන්න.

(b)  $z, w \in \mathbb{C}$  යැයි ගනිමු.  $|z|^2 = z\bar{z}$  බව පෙන්වා, එය  $z - w$  ට යෙදීමෙන්

$|z - w|^2 = |z|^2 - 2\text{Re}z\bar{w} + |w|^2$  බව පෙන්වන්න.

$|1 - z\bar{w}|^2$  සඳහා ද එවැනි ප්‍රකාශනයක් ලියා දක්වා,  $|z - w|^2 - |1 - z\bar{w}|^2 = -(1 - |z|^2)(1 - |w|^2)$  බව පෙන්වන්න.

$|w| = 1$  හා  $z \neq w$  නම්  $\left| \frac{z - w}{1 - z\bar{w}} \right| = 1$  බව අපෝහනය කරන්න.

(c)  $1 + \sqrt{3}i$  යන්න  $r(\cos \theta + i \sin \theta)$  ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි  $r > 0$  හා  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  වේ.

$(1 + \sqrt{3}i)^m (1 - \sqrt{3}i)^n = 2^8$  බව දී ඇත; මෙහි  $m$  හා  $n$  ධන නිඛිල වේ.

ද මුඛාවර් ප්‍රමේයය යෙදීමෙන්,  $m$  හා  $n$  හි අගයන් නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබා ගන්න.

14.(a)  $x \neq 3$  සඳහා  $f(x) = \frac{x(2x-3)}{(x-3)^2}$  යැයි ගනිමු.

$f(x)$  හි ව්‍යුත්පන්නය,  $f'(x)$  යන්න  $x \neq 3$  සඳහා  $f'(x) = \frac{9(1-x)}{(x-3)^3}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ඒ නගින,  $f(x)$  වැඩි වන ප්‍රාන්තරය හා  $f(x)$  අඩු වන ප්‍රාන්තර සොයන්න.

$f(x)$  හි හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක ද සොයන්න.

$x \neq 3$  සඳහා  $f''(x) = \frac{18x}{(x-3)^4}$  බව දී ඇත.

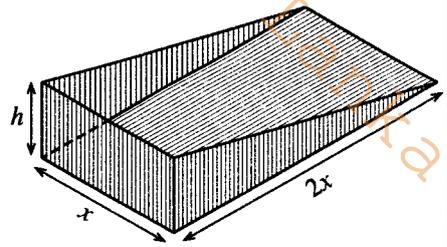
$y = f(x)$  හි ප්‍රස්තාරයේ නතිවර්තන ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක සොයන්න.

ස්පර්ශෝත්මුව, හැරුම් ලක්ෂ්‍යය හා නතිවර්තන ලක්ෂ්‍යය දක්වමින්  $y = f(x)$  හි ප්‍රස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.

(b) යාබද රූපයෙන් දැවිලි එකතු කරනයක මිට රහිත කොටස දැක්වේ.

සෙන්ටිමීටරවලින් එහි මාන රූපයේ දැක්වේ. එහි පරිමාව  $x^2 h \text{ cm}^3$  යන්න  $4500 \text{ cm}^3$  බව දී ඇත.

එහි පෘෂ්ඨ වර්ගඵලය  $S \text{ cm}^2$  යන්න  $S = 2x^2 + 3xh$  මගින් දෙනු ලැබේ.  $S$  අවම වන්නේ  $x = 15$  වන විට බව පෙන්වන්න.



15.(a) සියලු  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $x^3 + 13x - 16 = A(x^2 + 9)(x + 1) + B(x^2 + 9) + 2(x + 1)^2$

වන පරිදි  $A$  හා  $B$  නියත පවතින බව දී ඇත.

$A$  හා  $B$  හි අගයන් සොයන්න.

එ නිසින්,  $\frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)}$  යන්න හින්න භාගවලින් ලියා දක්වා,

$\int \frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)} dx$  සොයන්න.

(b) කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්,  $\int_0^1 e^x \sin^2 \pi x dx$  අගයන්න.

(c)  $a$  නියතයක් වන  $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$  සූත්‍රය භාවිතයෙන්,

$\int_0^{\pi} x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{\pi}{2} \int_0^{\pi} \cos^6 x \sin^3 x dx$  බව පෙන්වන්න.

එ නිසින්,  $\int_0^{\pi} x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{2\pi}{63}$  බව පෙන්වන්න.

16.  $A \equiv (1, 2)$  හා  $B \equiv (3, 3)$  යැයි ගනිමු.

$A$  හා  $B$  ලක්ෂ්‍ය හරහා යන  $l$  සරල රේඛාවේ සමීකරණය සොයන්න.

එක එකක්  $l$  සමග  $\frac{\pi}{4}$  ක සුළු කෝණයක් සාදමින්  $A$  හරහා යන  $l_1$  හා  $l_2$  සරල රේඛාවල සමීකරණ සොයන්න.

$l$  මත ඕනෑම ලක්ෂ්‍යයක ඛණ්ඩාංක  $(1 + 2t, 2 + t)$  ආකාරයෙන් ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $t \in \mathbb{R}$  වේ.

$l_1$  හා  $l_2$  යන දෙකම ස්පර්ශ කරන හා කේන්ද්‍රය  $l$  මත වූ මූලමනින්ම පළමුවන වෘත්ත පාදකයේ පිහිටන අරය  $\frac{\sqrt{10}}{2}$  වන,  $C_1$  වෘත්තයේ සමීකරණය  $x^2 + y^2 - 6x - 6y + \frac{31}{2} = 0$  බව ද පෙන්වන්න.

විෂ්කම්භයක අන්ත  $A$  හා  $B$  වූ  $C_2$  වෘත්තයේ සමීකරණය ලියා දක්වන්න.

$C_1$  හා  $C_2$  වෘත්ත ප්‍රලම්බව ඡේදනය වේ දැයි නිර්ණය කරන්න.

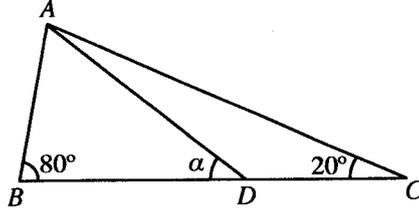
17. (a)  $\sin A$ ,  $\cos A$ ,  $\sin B$  හා  $\cos B$  ඇසුරෙන්  $\sin(A-B)$  ලියා දක්වන්න.

(i)  $\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$ , හා

(ii)  $2 \sin 10^\circ = \cos 20^\circ - \sqrt{3} \sin 20^\circ$

බව අපෝහනය කරන්න.

(b) සුපුරුදු අංකනයෙන්,  $ABC$  ත්‍රිකෝණයක් සඳහා සයින් නීතිය ප්‍රකාශ කරන්න.



රූපයේ දක්වා ඇති  $ABC$  ත්‍රිකෝණයේ  $\hat{A}BC = 80^\circ$  හා  $\hat{A}CB = 20^\circ$  වේ.  $D$  ලක්ෂ්‍යය  $BC$  මත පිහිටා ඇත්තේ  $AB = DC$  වන පරිදි ය.  $\hat{A}DB = \alpha$  යැයි ගනිමු.

සුදුසු ත්‍රිකෝණ සඳහා සයින් නීතිය භාවිතයෙන්,  $\sin 80^\circ \sin(\alpha - 20^\circ) = \sin 20^\circ \sin \alpha$  බව පෙන්වන්න.

$\sin 80^\circ = \cos 10^\circ$  වන්නේ ඇයිදැයි පැහැදිලි කර, ඒ නිසින්,  $\tan \alpha = \frac{\sin 20^\circ}{\cos 20^\circ - 2 \sin 10^\circ}$  බව පෙන්වන්න.

ඉහත (a)(ii) හි ප්‍රතිඵලය භාවිතයෙන්  $\alpha = 30^\circ$  බව අපෝහනය කරන්න.

(c)  $\tan^{-1}(\cos^2 x) + \tan^{-1}(\sin x) = \frac{\pi}{4}$  සමීකරණය විසඳන්න.

\*\*\*